

✱ Banque filière PT ✱

Epreuve de Physique C

Durée 4 h

Si, au cours de l'épreuve, un candidat repère ce qui lui semble être une erreur d'énoncé, d'une part il le signale au chef de salle, d'autre part il le signale sur sa copie et poursuit sa composition en indiquant les raisons des initiatives qu'il est amené à prendre.

L'usage de calculatrices est autorisé.

AVERTISSEMENT

Ce sujet comporte un problème de chimie et un problème de thermodynamique.

Chaque candidat reçoit, avec le sujet, deux documents réponses sur feuillets mobiles, l'un à rendre avec la copie de CHIMIE, l'autre à rendre avec la copie de THERMODYNAMIQUE.

Il est **vivement conseillé** aux candidats de consacrer le même temps de travail au problème de chimie et au problème de thermodynamique, **les barèmes des deux problèmes étant strictement identiques.**

La composition doit impérativement être faite sur deux copies séparées et numérotées séparément.

Chaque copie (chaque page intercalaire et chaque feuillet mobile) doit porter l'indication "Thermodynamique" ou l'indication "Chimie".

La **présentation**, la lisibilité, l'orthographe, la qualité de la **rédaction**, la **clarté** et la **précision** des raisonnements entreront pour une **part importante** dans l'**appréciation des copies**. En particulier, les résultats non justifiés ne seront pas pris en compte. Les candidats sont invités à encadrer les résultats de leurs calculs.

SUJET DE CHIMIE

Les résultats numériques seront donnés avec trois chiffres significatifs.

Le Tungstène

Introduction

Le tungstène, de symbole chimique W, est un métal rare, dont la teneur dans l'écorce terrestre est estimée à $1\mu\text{g.g}^{-1}$.

Il existe cependant des gisements dans lesquels la concentration en tungstène varie de 0,1 à 0,2 % en moyenne.

La métallurgie extractive a pour but de préparer en premier lieu un *intermédiaire pur* (paratungstate d'ammonium, APT de formule $(\text{NH}_4)_{10}(\text{H}_2\text{W}_{12}\text{O}_{42}) \cdot 4\text{H}_2\text{O}$), qui conduit à l'oxyde WO_3 . En second lieu, la réduction (métallurgie préparative) de cet oxyde conduit au tungstène métallique.

Ce problème a pour objectif d'étudier le tungstène lui-même, ainsi que certaines étapes de sa métallurgie.

On rappelle la valeur de la constante d'Avogadro : $N_A = 6,023 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$.

I. Le tungstène ; isotopes et cristallographie

1. Propriétés fondamentales

1.1. Le tableau suivant fournit les abondances isotopiques relatives de l'élément tungstène.

Abondances isotopiques relatives	
isotope	atomes (%)
^{180}W	0,13
^{182}W	26,3
^{183}W	14,3
^{184}W	30,67
^{186}W	28,6

Déterminer, à une décimale près, la masse molaire du tungstène.

1.2. Le numéro atomique du tungstène est $Z = 74$. Donner la configuration électronique attendue de l'atome à l'état fondamental. On indiquera quelles sont les règles classiques suivies pour effectuer cette détermination.

2. Cristallographie

Le tungstène cristallise dans un réseau cubique centré de paramètre de maille $a = 316 \text{ pm}$.

2.1. Représenter la maille cristallographique du tungstène.

- 2.2. Indiquer le nombre d'atomes qu'elle contient, ainsi que la coordinence des atomes de cette maille.
- 2.3. Déterminer la compacité de la maille, puis calculer la masse volumique du tungstène.

II. Comportement de l'élément tungstène en solution aqueuse

On considère les espèces chimiques : $W_{(s)}$, $WO_{2(s)}$, $W_2O_{5(s)}$, $WO_{3(s)}$, $WO_4^{2-}{}_{(aq)}$.

Le tableau suivant indique les différents couples oxydo-réducteurs que l'on étudie, ainsi que certaines des valeurs correspondantes (exprimées en Volt) des **potentiels rédox standard E° en milieu acide**.

	Couple	$E^\circ(V)$
(1)	$WO_{3(s)}/W_2O_{5(s)}$	- 0,029
(2)	$W_2O_{5(s)}/WO_{2(s)}$	- 0,031
(3)	$WO_{2(s)}/W_{(s)}$	- 0,119
(4)	$WO_4^{2-}{}_{(aq)}/WO_{2(s)}$
(5)	$WO_4^{2-}{}_{(aq)}/W_{(s)}$

On considère généralement que la corrosion d'un métal est manifeste lorsque la concentration en espèce soluble atteint $10^{-6} \text{ mol.L}^{-1}$: le **diagramme potentiel-pH de l'élément tungstène**, étudié dans la suite, est **tracé avec la convention $C_0 = 10^{-6} \text{ mol.L}^{-1}$** .

Dans un **souci d'allégement**, on utilisera la notation H^+ de préférence à la notation H_3O^+ .

1. Généralités

- 1.1. Indiquer les valeurs du nombre d'oxydation de l'élément tungstène dans les cinq espèces chimiques $W_{(s)}$, $WO_{2(s)}$, $W_2O_{5(s)}$, $WO_{3(s)}$, $WO_4^{2-}{}_{(aq)}$. Présenter les résultats dans un tableau ordonné par valeurs décroissantes du nombre d'oxydation.
- 1.2. Au vu de ces résultats, indiquer si l'équation de l'équilibre entre le trioxyde de tungstène $WO_{3(s)}$, $WO_4^{2-}{}_{(aq)}$, le solvant H_2O et les ions H^+ est une **demi-équation électronique**, ou non.
- 1.3. Ecrire cette équation, en choisissant une valeur égale à 1 pour le nombre **stoechiométrique du réactif $WO_{3(s)}$** . On donne, pour cet équilibre noté (6) dans toute la suite, $pK_6 = 14,05$.
- 1.4. Déterminer, en fonction de K_6 et de la concentration C_0 , l'expression du pH séparant le domaine d'existence de $WO_{3(s)}$ de celui de prédominance de $WO_4^{2-}{}_{(aq)}$.
- 1.5. *Application numérique* : $C_0 = 10^{-6} \text{ mol.L}^{-1}$. Calculer le pH de cette frontière.
- 1.6. Indiquer, avec justification claire mais concise, de quel côté de cette frontière se situe le domaine d'existence de $WO_{3(s)}$.

2. Frontières Rédox

Ecrire les demi-équations électroniques des cinq couples rédox présentés dans le tableau ci-dessus.

On **supposera**, pour simplifier, qu'à la température $T^\circ=298\text{ K}$, $\frac{RT^\circ}{F}\ln(10)=0,060\text{ V}$, la notation F désignant ici le Faraday : $F = N_A \cdot e$, où e représente la charge élémentaire et N_A la constante d'Avogadro.

- 2.1. Ecrire les équations des frontières correspondant aux couples (1), (2) et (3). En déduire que **l'un des domaines de prédominance est très étroit**.

Dans toute la suite, on fera abstraction de ce domaine.

- 2.2. Montrer que cette **approximation** conduit à remplacer deux frontières par une seule, correspondant à un nouveau couple que l'on définira ; écrire sa demi-équation électronique, notée (7), et déterminer la valeur de son potentiel standard E°_7 en fonction de E°_1 et de E°_2 .
- 2.3. Application numérique : calculer E°_7 .
- 2.4. Déterminer, en fonction de E°_7 et de la constante d'équilibre K_6 , le potentiel rédox E°_4 standard du couple (4). Ecrire l'équation de la frontière correspondante, dans le diagramme potentiel-pH.
- 2.5. Montrer que le domaine d'existence de WO_2 est borné supérieurement par un certain pH que l'on calculera. En quelles espèces chimiques cet oxyde se transforme-t-il au-delà de ce pH ? Comment appelle-t-on ce genre de réaction ?
- 2.6. Déterminer - et calculer - le potentiel rédox E°_5 standard du couple (5) en fonction de E°_3 et de E°_4 .
- 2.7. Le diagramme *partiel* $E = f(\text{pH})$ est présenté sur le **feuillet mobile n°1, remis avec ce sujet**. Compléter ce diagramme, en traçant la (ou les) frontière(s) manquante(s), et en indiquant les domaines d'existence ou de prédominance des espèces chimiques.
- 2.8. Rappeler les deux couples rédox mettant en jeu l'eau, et les demi-équations électroniques correspondantes ; on rappelle que $E^\circ(\text{O}_{2(\text{g})}/\text{H}_2\text{O}) = 1,23\text{ V}$, l'échelle des E° étant définie avec la convention retenue par tous pour la valeur de $E^\circ(\text{H}^+/\text{H}_{2(\text{g})})$.
- 2.9. Déterminer les équations des deux frontières correspondantes Superposer le diagramme $E = f(\text{pH})$ de l'eau au diagramme précédent. Que peut-on en déduire ?
- 2.10. Après avoir rappelé les définitions de ces termes, indiquer, sur le diagramme, les domaines d'*immunité*, de *corrosion* et de *passivation* de l'élément tungstène. Conclusion ?

Ne pas oublier de joindre à la copie de CHIMIE le feuillet mobile n°1, ainsi complété.

III. Métallurgie préparative : réduction des oxydes de tungstène par l'hydrogène

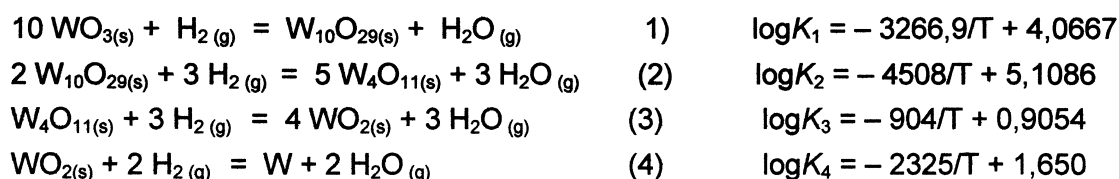
Le minerai principal du tungstène est la Scheelite ou tungstate de calcium CaWO_4 (du nom du chimiste Suédois Scheele, qui, en 1781, isole l'acide tungstique à partir du tungstate de calcium, minéral blanc).

Il existe également un autre minerai économiquement exploitable, la wolframite $[(\text{Fe}, \text{Mn}), \text{WO}_4]$, à partir duquel le tungstène a été isolé, pour la première fois, par deux chimistes Espagnols, J.J. et F. de Elhuyar, en 1783.

L'obtention du tungstène se réalise en deux grandes étapes successives : la *métallurgie extractive* et la *métallurgie préparative*.

La calcination de l'APT : $(\text{NH}_4)_{10}(\text{H}_2\text{W}_{12}\text{O}_{42}) \cdot 4\text{H}_2\text{O}$, solide obtenu dans un premier temps, à partir du minerai, au cours de la *métallurgie extractive*, conduit à l'oxyde WO_3 , qui est réduit, lors de la *métallurgie préparative*, par exemple par le dihydrogène gazeux $\text{H}_{2(g)}$.

Cette réduction par $\text{H}_{2(g)}$ (qui s'oxyde pour donner de la vapeur d'eau $\text{H}_2\text{O}_{(g)}$) se fait en quatre étapes, selon les réactions :



On supposera que l'activité est égale à 1 pour le métal tungstène W.

La notation \log désigne le logarithme décimal ; il est rappelé que $\ln(X) = \ln(10) \cdot \log(X)$.

Les droites correspondantes, $\log K = f(10^3/T)$, sont présentées dans l'annexe en fin de ce problème, l'abscisse représentant $(10^3/T)$, T étant exprimée en Kelvin.

Ces quatre droites ont été **numérotées**, afin d'éviter des confusions.

Sur cette même figure, l'ordonnée d'un point quelconque est égale à $\log \frac{P_{\text{H}_2\text{O}_{(g)}}}{P_{\text{H}_{2(g)}}}$.

1. Pour chacun des équilibres ci-dessus, que peut-on affirmer en ce qui concerne la dépendance de l'enthalpie standard de réaction $\Delta_r H^\circ(T)$ par rapport à la température (justifier précisément la réponse) ? Calculer numériquement $\Delta_r H_1^\circ$, sachant que $R = 8,314 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ et que : $\ln(X) = \ln(10) \cdot \log(X)$.
2. Exprimer, pour chacune des quatre réactions (1), (2), (3) et (4) ci-dessus, la relation existant entre la constante d'équilibre K_i et la valeur, à l'équilibre entre tous les corps actifs de la réaction considérée, du rapport $(P(\text{H}_2\text{O}_{(g)})/P(\text{H}_{2(g)}))_{\text{eq}}$.
3. Rappeler la définition de l'affinité chimique \mathcal{A} (lien avec la fonction G du système fermé en réaction) d'une réaction. Indiquer, **en le justifiant**, le signe de l'affinité chimique correspondant au déplacement isotherme-isobare d'un équilibre dans le sens direct ($d\xi$ positif), puis indirect, ou rétrograde ($d\xi$ négatif).

4. Après avoir rappelé l'**expression** de l'affinité chimique \mathcal{A} (en fonction de R , de T , de K et du quotient réactionnel), montrer que, pour chacune des quatre réactions (1), (2), (3) et (4) ci-dessus, le domaine d'existence de l'espèce oxydante contenant l'élément W se situe au-dessus de la droite $\log K = f(10^3/T)$.
5. Montrer, sans calcul et en exploitant la figure donnée dans l'annexe (II), qu'au-delà d'une certaine valeur de $10^3/T$ (valeur que l'on précisera) l'oxyde W_4O_{11} est thermodynamiquement instable.

En quelles espèces chimiques l'oxyde W_4O_{11} se transforme-t-il ? Ecrire la réaction correspondante. Comment appelle-t-on ce type de réaction ?

6. Dans un réacteur initialement vide, placé à la **température $T = 900\text{ K}$, maintenue constante dans toute la suite**, on introduit l'oxyde $WO_{3(s)}$ et du dihydrogène gazeux. Indiquer la liste des espèces chimiques stables susceptibles de se former dans ces conditions, en précisant la disposition relative des droites (1), (2), (3) et (4) pour cette valeur de la température.
7. En déduire la valeur maximale du rapport $P(H_2O_{(g)})/P(H_{2(g)})$ à ne pas dépasser, dans l'état final, pour que l'obtention du métal tungstène soit thermodynamiquement possible dans ces conditions.
8. On donne les températures standard de changement d'état du métal tungstène : $T_{\text{fus}}(W) = 3695\text{ K}$; $T_{\text{ébul}}(W) = 5800\text{ K}$.
Sous quel état physique récupère-t-on le métal tungstène ?

IV. Une utilisation classique du tungstène

Les lampes à incandescence sont constituées d'une ampoule de verre dans laquelle on a placé un gaz inerte ($P \approx 1\text{ bar}$). Un filament de tungstène, parcouru par un courant électrique, est porté à une température très élevée, ce qui permet l'émission de lumière.

1. Généralités

Pourquoi remplacer l'air par un gaz inerte ? Que se passerait-il si le filament était au contact de l'air ? Ecrire l'équation d'une réaction attendue.

Pourquoi l'utilisation d'un gaz inerte vous paraît-elle préférable à celle qui consiste à vider totalement l'ampoule de gaz ?

2. Sublimation du tungstène

Sous l'effet de la température, le tungstène se sublime.

2.1. Ecrire l'équation (1) de sublimation du tungstène.

La pression de vapeur saturante du tungstène (en bar), varie en fonction de la température, selon une loi du type : $\log P = A + B/T$, valable dans l'intervalle de températures : $2600 < T < 3100\text{ K}$.

On trouve notamment les valeurs suivantes :

$$\log P(2600\text{ K}) = -9,7158 ; \log P(3100\text{ K}) = -6,8624.$$

2.2. Déterminer les coefficients A et B dans la loi de variation de la pression de vapeur du tungstène.

2.3. Calculer alors les pressions de vapeur aux limites du domaine de définition.
Conclusion ?

3. *Vitesse d'évaporation du tungstène*

La *vitesse surfacique d'évaporation* du tungstène, notée v_s , est modélisée par la loi suivante : $\log v_s = 9,34 - (46500/T)$, valable dans l'intervalle de températures : $2700 < T < 3500$ K.

Dans cette expression, v_s est exprimée en $\text{g.cm}^{-2}.\text{s}^{-1}$.

3.1. Déterminer l'expression de la surface latérale S du filament, assimilé à un cylindre de rayon R et de longueur ℓ , en fonction de R et ℓ .

3.2. Calculer la vitesse v_s d'évaporation surfacique du tungstène, à la température de 2800 K.

3.3. On suppose que la vitesse surfacique v_s calculée ci-dessus *reste constante* durant tout le processus (ce qui est une hypothèse hardie).

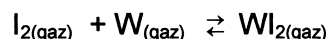
Exprimer la variation élémentaire de masse du filament, dm , due à la sublimation, en fonction de la masse volumique ρ et de la variation élémentaire du volume du cylindre, dV . En déduire la relation liant r , rayon du cylindre à l'instant t , aux grandeurs : v_s , t , ρ , et R_0 , rayon initial du cylindre.

3.4. En déduire l'expression de la durée de vie du filament de la lampe.

Application numérique : on donne $R_0 = 1,25.10^{-2}$ cm et la masse volumique du tungstène $\rho = 19,25 \text{ g.cm}^{-3}$; calculer, dans le cadre de ce modèle, la durée de vie du filament de la lampe.

4. **Les « lampes à iode »**

Dans une lampe à diiode, le gaz inerte précédent est remplacé par de la vapeur de diiode, qui réagit avec le tungstène vapeur selon la réaction (2) :



Cet équilibre, *exothermique*, s'établit simultanément à l'équilibre (1) décrit en 2.1.

4.1. Qu'est-ce qu'une réaction exothermique ?

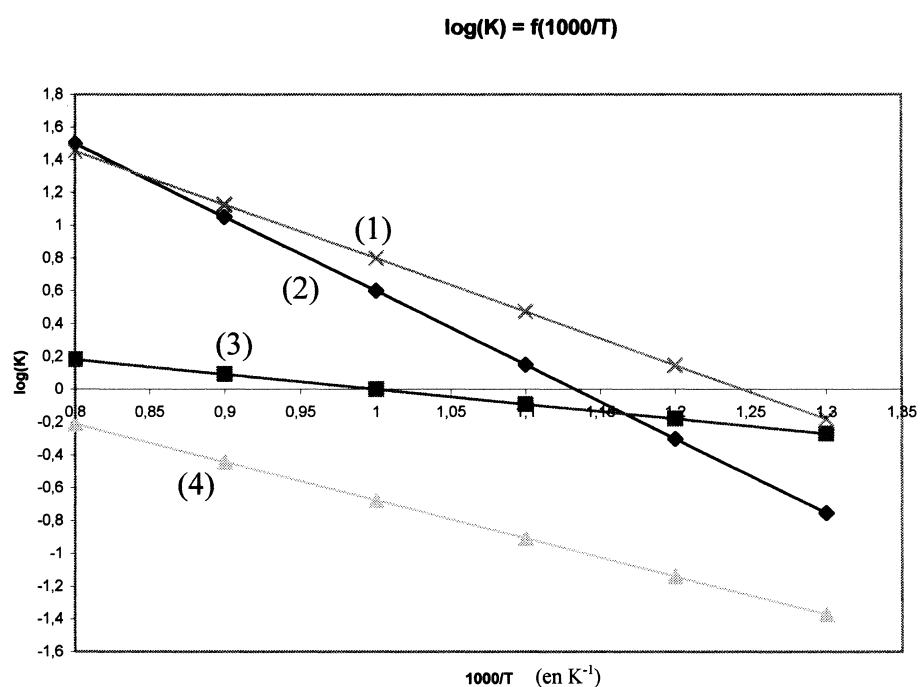
4.2. La modification d'un seul paramètre intensif d'équilibre conduit-elle ici à un *déplacement* ou une *rupture* d'équilibre ? Justifier votre réponse.

4.3. Après avoir rappelé la loi de Van't Hoff, discuter de l'influence de la température, à *pression constante*, sur le déplacement de l'équilibre (2).

4.4. En tenant compte du fait que c'est **près du filament** que la température est la plus élevée, expliquer le fait que la durée de vie de ce filament, dans une telle atmosphère, est supérieure à celle qui a été calculée en 3.4.

Annexe

Variation de $\log(K)$, logarithme de la constante d'équilibre des réactions de réduction des oxydes de tungstène par le dihydrogène gazeux, en fonction de la grandeur $(10^3/T)$, associée à la température exprimée en Kelvin :



THERMODYNAMIQUE

Etude du rendement thermique d'une installation motrice à vapeur

Hypothèses :

- Le fluide utilisé est l'eau : on utilisera le tableau de valeurs numériques de la vapeur d'eau saturée remis en dernière page de ce sujet pour déterminer - mais seulement dans la cinquième et dernière partie - pression, température, enthalpie massique, entropie massique et titre de vapeur aux points caractéristiques des cycles étudiés ;
- Toutes les évolutions sont supposées réversibles, sauf dans le détendeur éventuel ;
- Les évolutions du fluide dans les turbines et les pompes sont supposées adiabatiques ;
- On négligera les pertes mécaniques dans les turbines ;
- On négligera le travail indiqué massique au niveau de la (ou des) pompe(s), qui ne comprime(nt) que du liquide ;
- Les échangeurs sont calorifugés (pas d'échange thermique avec l'extérieur) ;
- Dans tout ce problème, les variations d'énergies cinétique et potentielle du fluide seront négligées ;
- L'évolution du fluide dans chaque canalisation est supposée adiabatique, réversible, isobare et isotherme.

Important : les quatre premières parties ont pour objectif d'étudier, *sous forme littérale*, la valeur du rendement thermique d'une installation motrice à vapeur. Les grandeurs demandées seront donc à exprimer en fonction des enthalpies massiques aux points caractéristiques des cycles.

On ne détermine ces enthalpies massiques que dans la dernière partie, qui permet une application numérique des résultats obtenus dans les parties précédentes.

Première partie : étude de l'installation simple fonctionnant suivant le cycle de Rankine (voir schéma n°1, page 14)

Il s'agit d'un système fermé comprenant :

- une pompe d'alimentation,
- un générateur de vapeur (chaudière, réacteur nucléaire ...),
- une turbine à vapeur,
- un condenseur équipé d'un circuit de refroidissement de réfrigération (eau d'une rivière, de la mer, d'une tour de refroidissement ...).

La pompe alimente le générateur de vapeur en liquide haute pression. Dans ce générateur de vapeur, le liquide est porté à ébullition, puis vaporisé totalement.

Dans toutes les parties de ce sujet, on suppose, pour simplifier l'étude, qu'il y a absence de surchauffe : la turbine est ainsi alimentée en vapeur saturante sèche.

Après détente dans la turbine, la vapeur humide basse pression est totalement condensée dans le condenseur. La **pompe est alimentée en liquide saturant basse pression**.

Question 1 :

- Démontrer que les évolutions dans les organes statiques de l'installation (générateur de vapeur, condenseur, échangeurs ...) sont isobares.
- Démontrer que l'évolution du liquide dans une (ou la) pompe est isenthalpe.

Question 2 : exprimer, en fonction des enthalpies massiques aux points 2, 3 et 4 du cycle, le travail indiqué massique de la turbine (noté $w_{i,T}$), et la quantité de chaleur massique fournie par le générateur de vapeur (notée q_{2-3}). En déduire l'expression littérale du rendement thermique de l'installation (noté $\eta_{th,0}$).

Seconde partie : installation à soutirage avec réintroduction du liquide en aval du réchauffeur (voir schéma n°2, page 14).

On étudie une installation analogue à la précédente mais comprenant, outre la première pompe dite principale, une seconde pompe **dite secondaire**, et un réchauffeur à surface, alimenté par un soutirage de vapeur à la turbine, qui permet de réchauffer l'eau avant son entrée dans le générateur de vapeur.

En cours de détente (point 5), de la vapeur humide (fluide diphasé) est soutirée à une pression intermédiaire P_5 ($P_3 > P_5 > P_4$), pour alimenter le réchauffeur.

La condensation de la partie vapeur de ce fluide diphasé permet ainsi de réchauffer l'eau liquide sortant de la pompe principale jusqu'à la température du point 6 ($T_6 > T_2$). Après condensation, ce fluide soutiré est réintroduit dans le circuit principal en aval du réchauffeur par l'intermédiaire de la pompe secondaire. On suppose que le réchauffeur est du type co-courant, et que **les deux fluides sortent à la même température (T_6)**, à l'état monophasé liquide.

Hypothèse supplémentaire retenue dans cette partie et toutes les parties suivantes : on suppose que, quel que soit le réchauffeur, le fluide soutiré permet de réchauffer l'eau liquide du circuit principal (i.e. passé par la pompe principale d'alimentation) jusqu'à une température égale à la température du fluide soutiré, supposée ici constante dans le réchauffeur.

Important : on raisonnera sur le cas d'une *masse unitaire* sortant de la turbine (en 4), donc pénétrant dans le condenseur. On notera x_1 la masse de fluide soutiré alimentant le réchauffeur (voir le schéma n°2). Ainsi, la masse alimentant le générateur de vapeur et la turbine vaut, dans cette partie, $(1+x_1)$.

Question 3 : établir la relation $(1 + x_1)h_6 = x_1 h_5 + h_2$, dans laquelle h_2 , h_5 et h_6 désignant les enthalpies massiques aux points 2, 5 et 6.

Question 4 : donner l'expression littérale du travail indiqué massique de la turbine (noté $w_{i,T}$) et de la quantité de chaleur massique fournie par le générateur de vapeur (notée q_{6-3}) en fonction des enthalpies massiques aux points caractéristiques et du débit massique x_1 . En déduire une première expression du rendement thermique de l'installation (noté $\eta_{th,1}$).

Question 5 : en éliminant, dans cette expression, h_6 grâce au résultat de la question 3, donner une autre expression littérale du rendement thermique $\eta_{th,1}$ mettant en évidence une amélioration par rapport à $\eta_{th,0}$, compte tenu du signe de $(h_3 - h_5)$.

Troisième partie : installation à soutirage (voir schéma n°3, page 15) avec réintroduction du liquide en amont du réchauffeur

On étudie une installation analogue à la précédente. En cours de détente (point 5), du fluide diphasé est soutiré à une pression intermédiaire P_5 ($P_3 > P_5 > P_4$), pour alimenter le réchauffeur. La condensation de la vapeur, et le refroidissement du liquide obtenu, permet ainsi de réchauffer le liquide sortant de la pompe jusqu'à la température du point 6 ($T_6 > T_2$). Le fluide soutiré, après condensation dans ce réchauffeur et sous-refroidissement, est réintroduit dans le circuit principal en amont du réchauffeur et de la pompe d'alimentation par l'intermédiaire d'un détendeur statique. On suppose donc que le réchauffeur est du type contre-courant, et que le liquide à réchauffer y entre à la température T_2 égale à celle, T_1 , que possède le fluide soutiré à sa sortie du réchauffeur.

Important : On raisonnera sur le cas d'une *masse unitaire* sortant de la turbine (en 4), donc pénétrant dans le condenseur. On notera y_1 la masse de fluide soutiré alimentant le réchauffeur .

Question 6 : démontrer que si l'évolution dans le détendeur statique est adiabatique, elle est aussi isenthalpe (hypothèse admise pour cette partie).

Question 7 : établir la relation $(1 + y_1)h_6 = y_1 h_5 + h_2$, et comparer ce résultat à celui de la question 3.

Question 8 : que peut-on donc en déduire en ce qui concerne la valeur du rendement thermique ?

Quatrième partie : installation à deux soutirages (schéma n°4, page 15)

On étudie une installation analogue à celle de la deuxième partie mais comprenant en plus un second réchauffeur à surface alimenté par un second soutirage de fluide à la turbine, permettant de réchauffer l'eau sortant du premier réchauffeur et de la pompe secondaire n°1 : en cours de détente (point 7), du fluide est soutiré à une pression intermédiaire P_7 supérieure à P_5 ($P_3 > P_7 > P_5 > P_4$), pour alimenter le réchauffeur n°2. La condensation de cette vapeur permet ainsi d'augmenter encore la température d'entrée (point 8) du générateur de vapeur : $T_8 > T_6$. Le fluide soutiré, après condensation dans ce réchauffeur est réintroduite

dans le circuit principal en aval du réchauffeur par l'intermédiaire d'une pompe. On suppose que le réchauffeur est du type co-courant tel que les deux fluides sortent à la même température (T_8).

Important : on raisonnera pour une installation définie par une *masse unitaire sortant de la turbine (en 4), donc pénétrant dans le condenseur*. On notera x_1 la masse de fluide soutiré alimentant le réchauffeur n°1, et x_2 la masse de fluide soutiré alimentant le réchauffeur n°2.

Question 9 : établir la relation $(1 + x_1)h_6 = x_1 h_5 + h_2$, dans laquelle h_2 , h_5 et h_6 désignant les enthalpies massiques aux points 2, 5 et 6. Commenter ce résultat.

Question 10 : établir la relation entre la masse x_2 de fluide soutiré alimentant le réchauffeur n°2 en fonction des enthalpies massiques aux points caractéristiques 6,7,8 et de la masse x_1 .

Question 11 : donner l'expression littérale du travail indiqué massique de la turbine (noté $w_{i,T}$) et de la quantité de chaleur massique fournie par le générateur de vapeur (notée q_{8-3}) en fonction des enthalpies massiques aux points caractéristiques et des masses x_1 et x_2 . En déduire une première expression du rendement thermique de l'installation (noté $\eta_{th,2}$).

Question 12 : en éliminant, dans cette expression, h_6 et h_8 grâce aux résultats des questions 9 et 10, donner une autre expression littérale du rendement thermique $\eta_{th,2}$ mettant en évidence une amélioration par rapport à $\eta_{th,1}$, compte tenu du signe de $(h_3 - h_7)$.

Question 13 : peut-on envisager de généraliser cette méthode en effectuant n soutirages : donner alors (conjecturer, sans démonstration, au vu des résultats des questions 5 et 12) l'expression du rendement thermique d'une installation motrice à n soutirages.

Cinquième partie : applications numériques

Préliminaires :

Le tableau de valeurs numériques, qui figure en page 17, précise en particulier, pour une pression ou une température donnée, les caractéristiques du liquide saturant (point M') et celles de la vapeur saturante sèche (point M''). La signification des notations adoptées (enthalpies massiques h' et h'' , entropies massiques s' et s'') est précisée sur le diagramme de Mollier du schéma n°5 de la page 16.

Question 14 : que peut-on dire de la forme d'un palier d'équilibre liquide-vapeur dans ce diagramme de Mollier ? Justifier simplement mais précisément la réponse donnée.

Question 15 : rappeler les deux relations liant le titre de vapeur, noté $X(M)$, d'un système diphasé liquide-vapeur représenté par un point M d'un palier (voir le schéma n°5 de la page 16), à h' , h'' et $h(M)$ d'une part, et à s' , s'' et $s(M)$ d'autre part. **On veillera à ne pas confondre le titre de vapeur X avec les notations x_1 et x_2 précédemment introduites.**

Les points, introduits dans les parties précédentes, sont définis par les données figurant sur **le tableau n°6 du feuillet mobile n°2 remis avec le sujet.**

Question 16 : compléter ce tableau n°6.

On rappelle :

- que la détente 3-7-5-4 dans la turbine est isentropique ;
- que l'enthalpie massique du liquide est égale à l'enthalpie massique du liquide saturant ayant la même température ;
- qu'à la sortie du générateur de vapeur (point 3), l'eau est à l'état de vapeur saturante sèche.

Ne pas oublier de rendre ce feuillet mobile n°2 avec la copie de THERMODYNAMIQUE.

Question 17 : calculer le rendement thermique de chaque installation (simple, à un soutirage, à deux soutirages). On précisera, pour les installations à un ou deux soutirages, la masse de vapeur soutirée alimentant chaque réchauffeur.

FIN DU SUJET

Schéma n°1 : installation motrice à vapeur simple

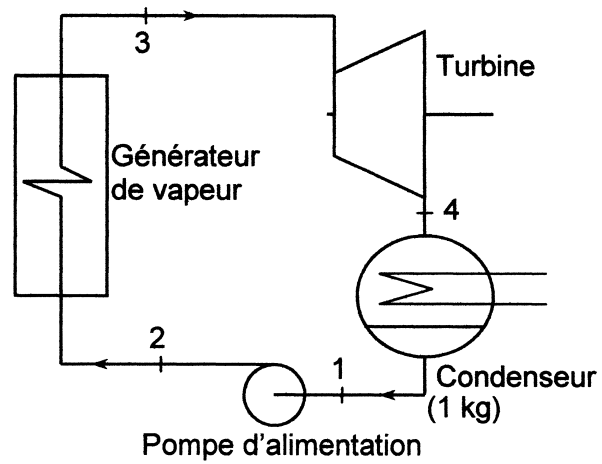


Schéma n°2 : installation motrice à vapeur avec un soutirage (réintroduction du liquide en aval du réchauffeur)

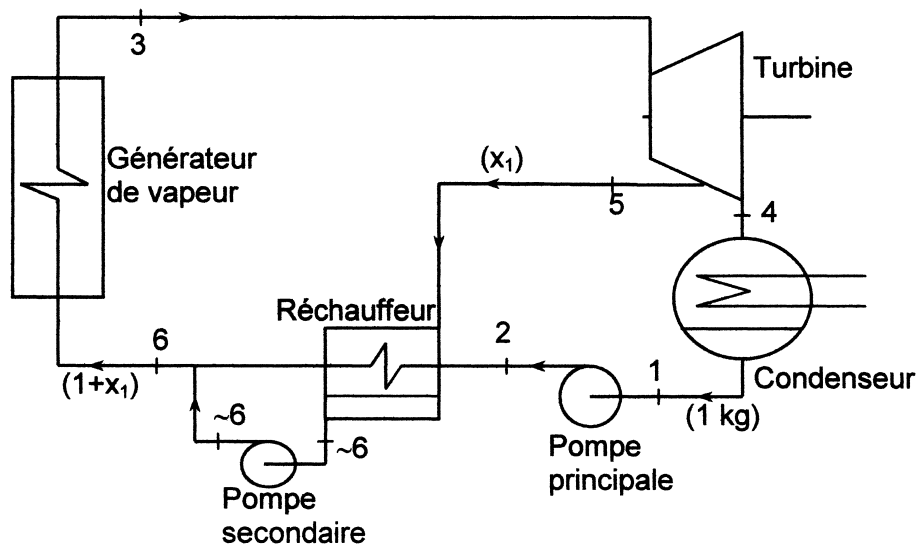


Schéma n°3 : installation motrice à vapeur avec un soutirage
(réintroduction du liquide en amont du réchauffeur)

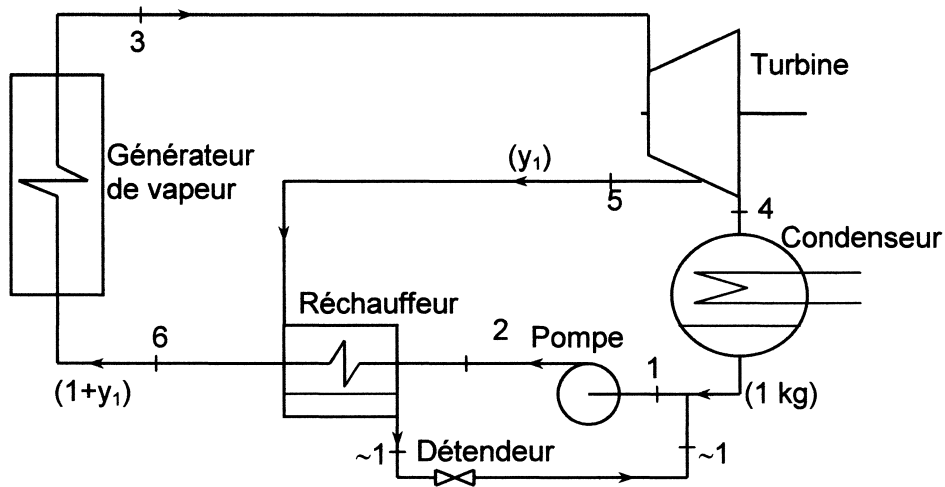


Schéma n°4 : centrale thermique avec deux soutirages
(réintroduction du liquide en aval des réchauffeurs)

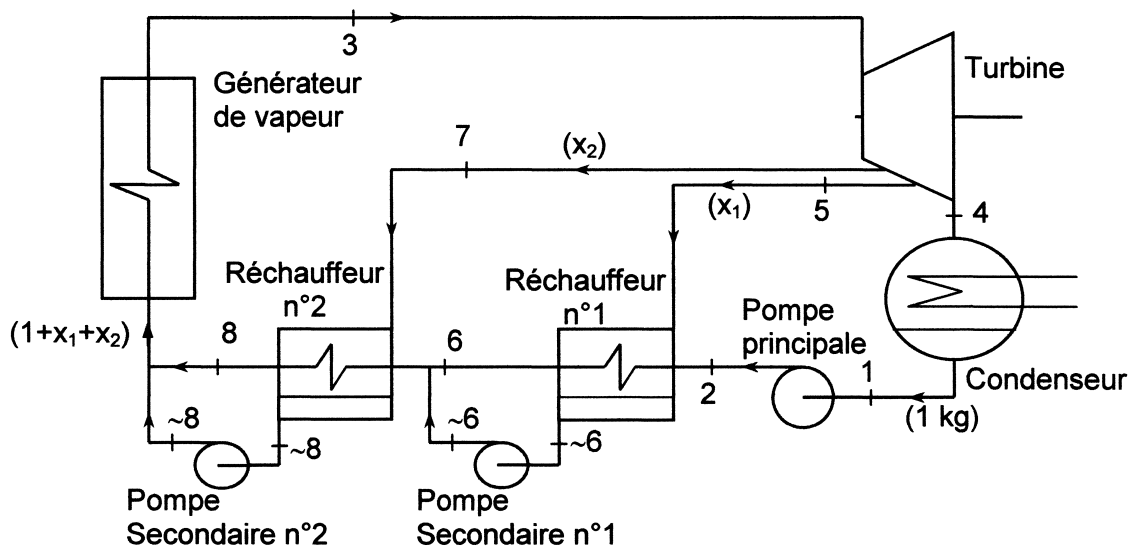
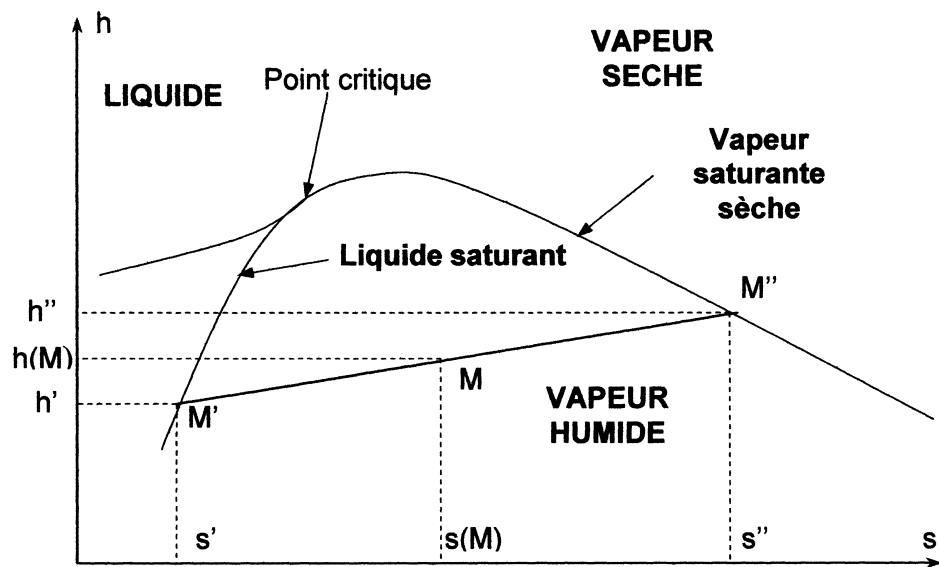


Schéma n°5 : diagramme de Mollier



DONNÉES THERMODYNAMIQUES RELATIVES A L'EAU

t	T	P	v'	v''	q''	h'	h''	$h'' - h'$	s'	s''
°C	K	bar	m³/kg	m³/kg	kg/m³	kJ/kg	kJ/kg	kJ/kg	kJ/kg K	kJ/kg K
0,00	273,15	0,006108	0,0010002	206,3	0,004847	-0,04	2501,6	2501,6	-0,0002	9,1577
0,01	273,16	0,006112	0,0010002	206,2	0,004851	0,00	2501,6	2501,6	0,0000	9,1575
1	274,15	0,006566	0,0010001	192,6	0,005192	4,17	2503,4	2499,2	0,0152	9,1311
2	275,15	0,007055	0,0010001	179,9	0,005558	8,39	2505,2	2496,8	0,0306	9,1047
3	276,15	0,007575	0,0010001	168,2	0,005946	12,60	2507,1	2494,5	0,0459	9,0785
4	277,15	0,008129	0,0010000	157,3	0,006358	16,80	2508,9	2492,1	0,0611	9,0526
5	278,15	0,008718	0,0010000	147,2	0,006795	21,01	2510,7	2489,7	0,0762	9,0269
6	279,15	0,009345	0,0010000	137,8	0,007258	25,21	2512,6	2487,4	0,0913	9,0015
7	280,15	0,010012	0,0010001	129,1	0,007748	29,41	2514,4	2485,0	0,1063	8,9762
8	281,15	0,010720	0,0010001	121,0	0,008267	33,60	2516,2	2482,6	0,1213	8,9513
9	282,15	0,011472	0,0010002	113,4	0,008816	37,80	2518,1	2480,3	0,1361	8,9265
40	313,15	0,07375	0,0010078	19,55	0,05116	167,45	2574,4	2406,9	0,5721	8,2583
41	314,15	0,07777	0,0010082	18,59	0,05379	171,63	2576,2	2404,5	0,5854	8,2395
42	315,15	0,08198	0,0010086	17,69	0,05652	175,81	2577,9	2402,1	0,5987	8,2209
43	316,15	0,08639	0,0010090	16,84	0,05938	179,99	2579,7	2399,7	0,6120	8,2025
44	317,15	0,09100	0,0010094	16,04	0,06236	184,17	2581,5	2397,3	0,6252	8,1842
45	318,15	0,09582	0,0010099	15,28	0,06546	188,35	2583,3	2394,9	0,6383	8,1661
135	408,15	3,131	0,0010750	0,5818	1,719	567,68	2726,6	2158,9	1,6869	6,9766
136	409,15	3,223	0,0010760	0,5662	1,766	571,96	2727,9	2155,9	1,6974	6,9669
137	410,15	3,317	0,0010770	0,5511	1,815	576,24	2729,2	2153,0	1,7078	6,9572
138	411,15	3,414	0,0010780	0,5364	1,864	580,53	2730,5	2150,0	1,7182	6,9475
139	412,15	3,513	0,0010790	0,5222	1,915	584,81	2731,8	2147,0	1,7286	6,9380
140	413,15	3,614	0,0010801	0,5085	1,967	589,10	2733,1	2144,0	1,7390	6,9284
141	414,15	3,717	0,0010811	0,4952	2,019	593,40	2734,3	2140,9	1,7493	6,9190
142	415,15	3,823	0,0010821	0,4823	2,073	597,69	2735,6	2137,9	1,7597	6,9095
143	416,15	3,931	0,0010832	0,4698	2,129	601,99	2736,9	2134,9	1,7700	6,9001
144	417,15	4,042	0,0010843	0,4577	2,185	606,29	2738,1	2131,8	1,7803	6,8908
205	478,15	17,243	0,0011644	0,1150	8,694	874,99	2793,8	1918,8	2,3778	6,3906
206	479,15	17,598	0,0011660	0,1128	8,868	879,53	2794,3	1914,7	2,3872	6,3832
207	480,15	17,959	0,0011676	0,1106	9,045	884,07	2794,8	1910,7	2,3966	6,3759
208	481,15	18,326	0,0011693	0,1084	9,225	888,62	2795,3	1906,6	2,4060	6,3686
209	482,15	18,699	0,0011709	0,1063	9,408	893,17	2795,7	1902,6	2,4153	6,3612
210	483,15	19,077	0,0011726	0,1042	9,593	897,74	2796,2	1898,5	2,4247	6,3539
211	484,15	19,462	0,0011743	0,1022	9,782	902,31	2796,6	1894,3	2,4340	6,3466
212	485,15	19,852	0,0011760	0,1003	9,974	906,87	2797,1	1890,2	2,4434	6,3394
213	486,15	20,249	0,0011777	0,09834	10,17	911,45	2797,5	1886,0	2,4527	6,3321
214	487,15	20,651	0,0011794	0,09646	10,37	916,03	2797,9	1881,8	2,4620	6,3249
265	538,15	50,877	0,0012887	0,03871	25,83	1159,9	2793,5	1633,6	2,9306	5,9658
266	539,15	51,693	0,0012914	0,03806	26,27	1165,0	2792,8	1627,8	2,9397	5,9588
267	540,15	52,519	0,0012942	0,03743	26,72	1170,0	2792,1	1622,1	2,9489	5,9517
268	541,15	53,355	0,0012969	0,03680	27,17	1175,1	2791,4	1616,3	2,9580	5,9446
269	542,15	54,202	0,0012997	0,03619	27,63	1180,1	2790,6	1610,5	2,9672	5,9375

